

PROGRAMMA SVOLTO DI MATEMATICA

ANNO SCOLASTICO 2023/2024

CLASSE 1C

DOCENTE: Casella Laura

MODULO 1: I NUMERI

I numeri naturali e i numeri interi

- L'insieme dei numeri naturali \mathbb{N} : la rappresentazione e l'ordinamento su una retta.
- Le operazioni con i numeri naturali: addizione, moltiplicazione, sottrazione, divisione, potenza.
- Le espressioni numeriche e letterali; dalle parole ai simboli.
- Le principali proprietà dell'addizione e della moltiplicazione: elemento neutro, proprietà commutativa, associativa, distributiva; la legge di annullamento del prodotto. Le principali proprietà della sottrazione e della divisione. Le proprietà delle potenze.
- I multipli e i divisori di un numero. Criteri di divisibilità.
- I numeri primi e la scomposizione in fattori primi; MCD e mcm di più numeri.
- L'insieme dei numeri interi \mathbb{Z} ; definizioni, confronto tra numeri interi.
- Le operazioni con i numeri interi: addizione, sottrazione, moltiplicazione, divisione, potenza.
- Le espressioni con i numeri interi.

I numeri razionali e i numeri reali

- Le frazioni, frazioni equivalenti; la proprietà invariantiva, la semplificazione e la riduzione di frazioni allo stesso denominatore.
- L'insieme dei numeri razionali \mathbb{Q} e la rappresentazione su una retta. Il confronto di numeri razionali.
- Le operazioni con i numeri razionali: addizione e sottrazione, moltiplicazione, divisione. La potenza di un numero razionale con esponente intero.
- Espressione decimale di un numero frazionario; numeri decimali finiti, numeri periodici semplici e misti; passaggio dalla forma decimale a quella frazionaria.
- Espressioni con i numeri razionali.
- Le proporzioni e relative proprietà; le percentuali (conversione tra frazione, percentuale e numero decimale). Problemi che si risolvono con le proporzioni e le percentuali.

- I numeri irrazionali e l'approssimazione per arrotondamento. Dimostrazione che radice di 2 è un numero irrazionale.

MODULO 2: INSIEMI E RELAZIONI

Gli insiemi e la logica

- Gli insiemi e la loro rappresentazione: tramite diagramma di Eulero-Venn, per elencazione e per caratteristica.
- I sottoinsiemi e l'inclusione stretta; sottoinsiemi propri e impropri. L'insieme delle parti.
- Le operazioni con gli insiemi: unione ed intersezione, partizione di un insieme, differenza tra due insiemi, complementare di un insieme, il prodotto cartesiano. Le principali proprietà delle operazioni.
- Enunciati e connettivi logici: le tavole di verità della negazione, congiunzione, disgiunzione inclusiva ed esclusiva.
- Enunciati aperti e insieme di verità, connettivi logici e insiemi, quantificatori.

Le relazioni

- Le relazioni tra due insiemi, dominio e insieme immagine. La rappresentazione di una relazione: elencazione, diagramma a frecce, tabella a doppia entrata, diagramma cartesiano.
- Le relazioni definite in un insieme: la rappresentazione tramite grafo.
- Le relazioni inverse.
- Le proprietà riflessiva, simmetrica e transitiva. Relazioni di equivalenza, classi di equivalenza e insieme quoziente.
- Le proprietà antiriflessiva e antisimmetrica. Relazioni d'ordine stretto e largo, relazioni d'ordine totale e parziale.
- Cenni sulle funzioni.

MODULO 3: IL CALCOLO LETTERALE

I monomi

- I monomi e la forma normale, grado di un monomio, monomi simili, uguali e opposti.
- Le operazioni con i monomi: somma e differenza di monomi simili, prodotto di monomi, divisibilità e quoziente di due monomi, potenza di un monomio.
- Espressioni con i monomi.
- MCD e mcm fra monomi.

I polinomi

- I polinomi e la riduzione a forma normale, polinomi uguali e opposti. Il grado di un polinomio (rispetto ad una lettera e complessivo); polinomi ordinati, polinomi completi, polinomi omogenei.
- I polinomi come funzioni a una variabile.
- Le operazioni con i polinomi: somma algebrica, prodotto di un monomio per un polinomio, prodotto fra due polinomi (con interpretazioni geometriche).
- I prodotti notevoli: somma di due termini per la loro differenza, quadrato di binomio, quadrato di trinomio, cubo di binomio (con interpretazioni geometriche).

- Le potenze di un binomio: il triangolo di Tartaglia.
- Espressioni e problemi con monomi e polinomi.

Le equazioni lineari

- Le identità; le equazioni: soluzioni e verifica; classificazione delle equazioni; forma normale e grado di una equazione.
- Le equazioni equivalenti, i principi di equivalenza; la regola del trasporto e la regola del cambiamento di segno.
- La risoluzione di equazioni numeriche intere di 1° grado. Equazioni determinate, indeterminate ed impossibili.
- Problemi numerici e geometrici risolvibili tramite equazioni di primo grado.

Divisione e scomposizione di polinomi

- Divisibilità tra polinomi; la divisione tra un polinomio ed un monomio, la divisione tra polinomi.
- La scomposizione di polinomi in fattori: polinomi riducibili e irriducibili.
- Metodi di scomposizione: raccoglimento totale, raccoglimento parziale, il trinomio speciale, le scomposizioni riconducibili a prodotti notevoli.
- La divisione con la regola di Ruffini; il teorema del resto e il teorema di Ruffini. Zeri di un polinomio e scomposizione di un polinomio con la regola di Ruffini.
- MCD e mcm tra polinomi.

Le frazioni algebriche

- Le frazioni algebriche
- Le frazioni equivalenti e la semplificazione
- Le operazioni con le frazioni algebriche
- Le espressioni con le frazioni algebriche

Le disequazioni lineari (cenni)

- Le disuguaglianze numeriche
- Le disequazioni
- Le disequazioni intere

MODULO 4: LA GEOMETRIA EUCLIDEA

Enti geometrici fondamentali

- Definizioni e enti primitivi: il punto, la retta e il piano; postulati e teoremi.
- I postulati di appartenenza e d'ordine.
- Figure e proprietà: semirette e segmenti, semipiani, figure convesse e concave, gli angoli. La congruenza delle figure.

Palermo, 07/06/2024

Il Docente
Prof.ssa Laura Casella